

طراحی بهینه سیستم کنترل دمای ماهواره با انتخاب مناسب پوششهای حرارتی

کرامت ملک زاده فرد^۱، علیرضا پورموید^۲، حمید اکبربیگلو^۳، محمدعلی رنجبر^۲ ۱- استاد، مجتمع مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، تهران، ایران ۲- استادیار، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه پدافند هوایی خاتمالانبیاء(ص)، تهران، ایران ۳- کارشناس ارشد مهندسی هوافضا، مجتمع مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، تهران، ایران

مقاله	ات	للاع	Ы

چکیدہ

هدف اصلی از طراحی سیستم کنترل دمای یک ماهواره، تأمین دمای مطلوب	تاریخ پذیرش: ۰۸/ ۱۴۰۲/۱۱
برای کارکرد صحیح قطعات و مجموعه ماهواره میباشد. با توجه به این که	
ماهواره شرایط سرد و گرم شدیدی در طول مأموریت خود تجربه میکند،	تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۱۱/۲۲
انتخاب مواد و پوششهای سطحی برای آن مشکل میشود. طراحی صورت	كلمات كليدي:
گرفته برای مقابله با شرایط گرم، سبب افزایش توان لازم برای گرم نگهداشتن	سیستم کنترل دما، ماهواره،
ماهواره در شرایط سرد شده و این در حالی است که تأمین توان گرمایشی	بهینەسازى، گرمكن ، پوشش
موردنیاز در شرایط سرد برای ماهواره یکی از دغدغههای مهم طراحان میباشد.	حرارتي.
با توجه به محدودیتهای موجود در سیستمهای فضایی در زمینه تأمین انرژی،	
این توان باید بهینه و در حداقل مقدار ممکن باشد. در این مقاله ابتدا روند	
طراحی سیستم کنترل دما با استفاده از یک نمونه ماهواره شرح داده میشود و	
در ادامه با استفاده از انتخاب مناسب پوششهای حرارتی از بین پنج پوشش	do
حرارتی که در اختیار طراح قرار دارد، طراحی بهینه صورت میگیرد. در	نویسنده مسئول:
بهینهسازی از روش برنامهریزی خطی استفاده شده و هدف از بهینه کردن نیز	عليرضا پورمويد
کاهش مقدار توان مصرفی گرمکن در شرایط سرد میباشد. نتایج حاصل از	ايميل:
شبیهسازی نشان میدهد که دمای ماهواره در شرایط گرم و سرد در محدوده	a.pourmoayed@khadu.ac.ir
مجاز دمایی قرار میگیرد و با استفاده از این روش، کاهش قابلتوجهی در	
مقدار توان مصرفي گرمكن ايجاد ميشود.	

استناد به مقاله: کرامت ملک زاده فرد ، علیرضا پورموید ، حمید اکبربیگلو ، محمدعلی رنجبر، طراحی بهینه سیستم کنترل دمای ماهواره با انتخاب مناسب پوششهای حرارتی، مجله علمی پژوهشی دفاع هوافضایی دوره ۲، شماره ۲، شهریور ۱۴۰۲ ISSN:2821-1588

htpps://www.jasd.khadu.ir



Journal of Aerospace Defense Vol. 2, No. 2, 1402



Research Paper

Optimal Design of Satellite Thermal Control Subsystem Using Appropriate Choice of Surface Finishes

Keramat Malakzadeh Fard¹, Ali Reza Pourmoayed², Hamid Akbarbeyglou³, Mohammad Ali Ranjbar²

¹ Professor, Department of Aerospace Engineering, Malek Ashtar University of Technology, Tehran, Iran

² Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, khatam al-anbia (pbuh) University, Tehran, Iran

³ Master of Aerospace Engineering, Department of Aerospace Engineering, Malek Ashtar University of Technology, Tehran, Iran

Article Information Accepted: 1402/11/08

Abstract

Recceived:1401/11/22

Keywords:

Thermal Control Subsystem, Satellite, Optimization, Heater, Surface Finis.

doi

Corresponding anuthor: Ali Reza Pourmoayed Email: a.pourmoayed@khadu.ac.ir The main design goal of thermal control subsystem is to keep the temperature of the satellite equipment within specified margins. Satellite experienced extreme hot and cold conditions during the mission, so it is difficult to choose the materials and surface coatings for these conditions. If design is done to deal with hot conditions, satellite power for keeping warm in cold conditions is increased and this is while supply of required power for heating the satellite in cold conditions is one of the important design concerns. Due to restrictions in space systems for power supply, the value of power for thermal control subsystem should be optimal. This paper describes the process of designing a thermal control subsystem of small satellites using a simple model. In the present study, the thermal design is done by using the optimal choice for the radiator cover. This design has been done in a way that the least amount of heater power is required. For this purpose, optimization and linear programming have been used. Simulation results show that satellite temperature in warm and cold conditions is in the range and this method significantly reduces the amount of required power heater.

HOW TO CITE: Keramat Malakzadeh Fard, Ali Reza Pourmoayed, Hamid Akbarbeyglou, Mohammad Ali Ranjbar, Optimal Design of Satellite Thermal Control Subsystem Using Appropriate Choice of Surface Finishes, Journal of Aerospace Defense, Vol. 2, No 2, 1402.

۱. مقدمه

یکی از زیرسیستمهای حساس و حیاتی ماهواره، سیستم کنترل دمای آن میباشد که وظیفه تأمین و ایجاد دمای مناسب برای کارکرد صحیح ماهواره را بر عهده دارد. شرایط حرارتی بیرونی و درونی ماهواره میتواند بر عملکرد دمایی آن تأثیر گذارد. مقدار شارهایی که به واسطه تابش مستقیم خورشید و یا انعکاس تابش خورشید از سطح زمین و همچنین تشعشع حرارتی زمین، توسط ماهواره جذب می گردند و همچنین مواردی چون تلفات حرارتی قطعات، مشخصات فیزیکی اجزاء نظیر جرم، سطح مقطع و جانمایی، خواص حرارتی قطعات نظیر گرمای ویژه و ضریب هدایت حرارتی و خواص ترمواپتیکی سطوح (ضرایب جذب و صدور)، از عوامل تأثیر گذار در دمای ماهواره میباشند[۱–۴].

برای کنترل دمای اجزاء مختلف ماهواره و حفظ آن در محدوده مجاز دمایی، از سختافزارهای متفاوتی استفاده می شود که نتیجه یک طراحی حرارتی ایدهآل، انتخاب مناسب و بهینه این سختافزارها می باشد.

از زمان پرتاب اولین ماهواره در سال ۱۹۵۷ میلادی تاکنون سیستم کنترل دمای ماهواره نیز به تناسب با دیگر زیرسیستمهای ماهواره توسعه زیادی داشته است. با توجه به اینکه طراحی حرارتی هر ماهواره منحصر به خود آن میباشد این پیشرفتها در طول زمان و متناسب با طرحهای ماهواره بودند. گیلمور¹ در کتاب کنترل دمای فضاپیما، روند طراحی حرارتی فضاپیماها را شرح داده و تلسکوپ هابل را از لحاظ حرارتی بحث کرده است[۲]. بهینهسازی زیرسامانه تأمین توان ماهواره بر مبنای جرم و توان تولیدی توسط ناصح و همکاران انجام شده است. برای این منظور، تحلیل مدار زیرسامانه تأمین ازری ماهواره بر اساس روابط تحلیلی موجود انجام و پارامترهای اصلی طراحی برای دستیابی به کمینه وزن این زیرسامانه انجام شده است. از ۵]. وانوتریو⁷ و همکاران، توسط زیرسامانه تأمین انرژی ماهواره بر اساس روابط تحلیلی موجود انجام و پارامترهای اصلی طراحی نرمافزاری طراحی حرارتی برای ماهوارههای کوچک را شرح داده و این نرمافزار را بر روی ماهواره فارماست^۳ اجرا کردهاند[۶]. همچنین یک تحلیل حرارتی بر روی ماهواره سی پی ^۳، توسط فریدل^۵ فریدل^۵ و همکاران انجام گرفته است[۷]. مشابه همین تحقیق پوست⁹ و همکاران بر روی ماهواره ای اس ای آ^۷، انجام دادند[۸]. در کاربردهای فضایی، لوله حرارتی حلقهای یک وسیله منفعل برای فریدل^۵ و همکاران انجام گرفته است[۷]. مشابه همین تحقیق پوست⁹ و همکاران بر روی ماهواره ای نرماوزاری ای ای آ^۷، انجام دادند[۸]. در کاربردهای فضایی، لوله حرارتی حلقهای یک وسیله منفعل برای

¹ Gilmore

- ² Vanoutryve
- ³ Pharmasat
- ⁴ CP3
- ⁵ Friedel
- ⁶ Poucet
- ⁷ European Student Earth Orbiter (ESEO)

دمای محیط و چگالنده بر عملکرد لوله حرارتی حلقهای با استفاده از مدلسازی ریاضی پرداختهاند[۹].

با توجه به اهمیت بهینه سازی در سیستمهای فضایی، زیر سیستم کنترل دمای ماهواره نیز به عنوان بخشی از مجموعه ماهواره از این امر مستثنی نمی باشد. در این زمینه تحقیقی توسط چاری^۱ و همکاران جهت طراحی بهینه سیستم کنترل دمای ماهواره صورت گرفته و روشهای مختلف بهینه سازی را بحث کرده است[۱۰]. با توجه به این که در محیط فضا، نوسانات حرارتی از مهم ترین تهدیدات برای اجزای خارجی سامانه های فضایی، مانند آنتن، محسوب می شود، اصدق پور و همکاران به اثرات حرارتی محیط فضا بر مشخصات تشعشعی آنتن انعکاسی ماهواره مدار لئو ⁷ پرداخته اند. آن ها اثرات انبساط و انقباض حرارتی در یک مأموریت مداری بر مشخصات تشعشعی دو آنتن انعکاسی باند X، که یکی از آنتن ها بهن باند و دیگری باند باریک هستند، بررسی نموده و

مشخصات تشعشعی آنها را با استفاده از نرمافزار شبیه از تمام موج استخراج نمودند [۱۱]. همچنین مسیرهای هدایت حرارت در ماهواره توسط استوت^۳ و همکاران، بررسی و بهینه شده است [۱۲]. اصغری و همکاران، بررسی عوامل تأثیر گذار بر انواع پوششهای متداول مورداستفاده در سطوح خارجی رادیاتور به منظور راهنمایی و تسهیل در انتخاب پوششی مناسب برای رادیاتور به کار رفته در ماهوارههای مختلف از قبیل ماهوارههای دانشجویی، ارتباطی - مخابراتی، هواشناسی، رادیویی – تلویزیونی، تحقیقاتی، نظامی و... پرداخته و مقایسهای بین پوششهای متداول ماهوارههای امروزی را انجام دادهاند [۱۳]. خوش سیما و همکاران [۱۴] به مدل سازی حرارتی محموله لیدار یک ماهواره سنجشی بر اساس ملاحظات طراحی سیستمی و مرور چالشهای آن پرداختهاند. آنها به منظور شبیه سازی حرارتی از نرمافزار ترمال دسکتاپ استفاده نمودند. نتایج تحقیقات آنان نشان داد طراحی حرارتی باعث شده است که محموله لیدار در شرایط سرد مداری افزایش دمای حدود ۳۸ درجه سانتی گراد را ثبت نماید. همچنین بازه نوسانات دمایی قبل از اعمال طراحی حرارتی در حالت سرد تغییرات دمایی در یک مدار حدود ۱۴ درجه و بعد از طراحی این نوسانات به حدود ۵ درجه کاهشیافته است.

در مقاله حاضر بعد از طراحی سیستم کنترل دما برای یک ماهواره خاص، بهینهسازی به منظور کاهش توان مصرفی گرمکن صورت میگیرد. بدین منظور پوششهای حرارتی رادیاتور به گونهای انتخاب میشود که هم شرایط دمایی مطلوب ماهواره تأمین شود و هم کمترین مقدار توان گرمکن در شرایط سرد موردنیاز باشد. لذا در این مقاله هدف اصلی، انتخاب پوششهای بهینه برای وجوه

¹ Chari ² LEO ³ Stout ماهواره با ضرایب جذب مناسب از میان پنج گزینه ارائه شده در مقاله در راستای کنترل دمای ماهواره در محدوده مجاز به روش غیرفعال میباشد. در این راستا جهت بهینهسازی از روش برنامهریزی خطی استفاده شده است.

۲. طراحی سیستم کنترل دمای ماهواره ۲-۱. مشخصات ماهواره نمونه

ماهوارهی مورد نظر در این مقاله، مکعب مستطیلی شکل بوده و در دسته میکروماهوارهها قرار داشته و در مدار با ارتفاع پایین در حرکت است.

در ابتدا هدف طراحی قرار دادن کل ماهواره در محدوده یدمایی نرمالی است که اکثر اجزای ماهواره در آن قادر به کار باشند. با توجه به اطلاعات منابع موجود، بهترین محدوده یدمایی مجاز برای اجزای الکترونیکی، محدوده ی ۲۰- تا ۶۰+ درجه ی سانتی گراد می باشد و حاشیه اطمینان برای طراحی ۲۰ درجه اعلام شده است. بنابراین حداقل و حداکثر دما جهت طراحی به ترتیب صفر و ۴۰ درجه ی سانتی گراد در نظر گرفته می شود [۱–۳].

۲-۲. ارتباطات (اینترفیسها) با سایر زیر سیستمها

به منظور طراحی و تحلیل زیرسیستم کنترل حرارت، طراح حرارتی ماهواره نیازمند تبادل اطلاعات با سایر زیرسیستمها میباشد.

- گروه مکانیک مداری
 ماهواره مذکور در مدار دایروی با زاویه شیب^{۵۱}۵۵ و ارتفاع ۵۰۰ کیلومتر و با دوره تناوب حدود
 ۱۰۰ دقیقه در حال گردش به دور زمین است.
 - گروہ انرژی الکتریکی

میزان حداقل و حداکثر توان مصرفی میکروماهواره به ترتیب ۳ و ۷۰ وات اعلام شده است. همچنین جنس سلولهای خورشیدی گالیوم آرسناید با ضریب جذب خورشیدی ۰/۹۲ و ضریب صدور مادون قرمز ۰/۸۶ فرض میشود.

گروہ سازہ

ماهواره مورد نظر، مکعبی شکل و با ابعاد ۶۰ ×۶۰ ×۴۰ سانتیمتر و جرم ۶۴ کیلوگرم میباشد که چهار وجه کناری آن از سلول خورشیدی پوشانده شده است. جنس سازه، آلومینیوم و ظرفیت حرارتی ویژه آن نیز (J/kg فرض می شود.

۲-۳. محاسبات اولیه طراحی

¹Inclination

در ابتدا کل ماهواره به صورت جرم متمرکز و یک کره که سطح آن برابر با سطح جانبی ماهواره میباشد، در نظر گرفته میشود. خواص تشعشعی سطوح این کره نیز با معادلسازی خواص تشعشعی ماهواره اصلی به دست میآید. در این تحلیل کل ماهواره دارای یک دمای واحد بوده و تنها تابعی از زمان است. در تحلیلهای حرارتی اولیه، اجزای داخلی ماهواره مدل نشده و صرفاً ماهواره به صورت یک جسم متمرکز لحاظ میشود که دارای جرم و سطح جانبی معادل با جرم و سطح جانبی ماهواره است[۱].

در تحقیق حاضر جرم کرهی مورد نظر برای تحلیلهای حرارتی معادل جرم ماهواره یعنی ۶۴ کیلوگرم میباشد و سطح جانبی آن به صورت زیر محاسبه می گردد:

$$A_c = 2 \times 0.60 \times 0.60 + 4 \times 0.60 \times 0.40 = 1.68 \, m^2 \tag{1}$$

که این سطح معادل سطح جانبی کرهای به شعاع R میباشد. این، سطحی است که توسط آن، سطوح خارجی ماهواره از طریق تشعشع حرارتی انرژی حرارتی خود را به فضای بیرون دفع میکند. $A_c = A_s \Rightarrow 1.68 = 4\pi R^2 \Rightarrow R = 0.3656 m$ (۲)

اما سطحی که کرهی مورد نظر از طریق آن از منابع انرژی (زمین و خورشید) انرژی حرارتی دریافت می کند، معادل با یک سطح دایرهای به شعاع R میباشد. بنابراین سطح تصویر شده در برابر شارهای حرارتی خارجی که به صورت یک دایره میباشد، به صورت زیر محاسبه می گردد: $A_n = \pi R^2 = 0.42 m^2$ (۳)

ضرایب جذب خورشیدی و صدور مادونقرمز یکی از ابزارهای طراح حرارتی برای کنترل حرارت ورودی و خروجی ماهواره است که طراح از طریق آنها میتواند شارهای حرارتی ورودی و خروجی را کنترل نموده و دمای مطلوب را برای ماهواره تأمین کند. تغییر ضرایب جذب و صدور برخی از سطوح مانند سلولهای خورشیدی که دارای خواص از پیش تعیین شدهای هستند ممکن نیست و طراح حرارتی اختیاری در تغییر مقادیر آن ندارد و تنها خواص تشعشعی سایر سطوح را برای نیل به اهداف خود میتواند تغییر دهد.

در طراحی مفهومی حرارتی ماهواره، اولین نگرانی طراح، بررسی چگونگی و امکان دفع تلفات حرارتی ماهواره به فضاست. برای این منظور معمولاً از رادیاتورهای حرارتی استفاده میشود که دارای ضریب صدور بالایی هستند و در نتیجه قابلیت دفع میزان بالایی از انرژی حرارتی به فضا را دارا میباشند[۴].

استفاده از رادیاتور جهت دفع حرارت تولیدی در ماهواره به فضا ممکن است باعث افت دمای آن در زمان قرارگیری ماهواره در سایه گردد. بنابراین پس از طراحی رادیاتور، حداقل دمای ماهواره در شرایط سرد نیز بایستی بررسی شود تا از قرار داشتن در محدوده دمایی مجاز اطمینان حاصل گردد[۱].

۲-۴. طرح حرارتی برای ماهواره

در طراحی اولیه به دلیل اینکه سطوح داخلی ماهواره هنوز مدل نشده است، طرح حرارتی برای سطوح خارجی ماهواره مورد انتخاب و بررسی قرار می گیرد.

چهار وجه کناری ماهواره از سلول خورشیدی پوشانده شده و طراح، حرارتی اختیاری در تغییر آنها ندارد. در طرح اولیه مورد نظر سطح بالایی ماهواره از عایقهای چند لایه پوشانده شده و وجه یایینی آن (سطح ندیر ماهواره) به عنوان رادیاتور در نظر گرفته شده است. برای انتخاب یوشش حرارتی رادیاتور پنج حالت مورد بررسی قرار گرفته و دمای ماهواره بر این اساس در حالت گذرا استخراج گردیده است. ضرایب جذب و صدور سطوح مختلف ماهواره و چند پوشش حرارتی مورد استفاده در این مقاله در جدول ۱ آورده شده است.

صدور به کار رفته در این مقاله	صرایب جدب و م	جدول ۱: ه
جنس سطح پوشانده شده	3	$\alpha_{\rm s}$
عایقهای چند لایه	•/•۵	• / • ۲
صفحات خورشيدى	۰/ ۸ ۶	•/٩٢
رنگ سفید (نوع ۱)	۰/۸۵	•/٢•
رنگ سفید (نوع ۲)	• /AY	•/18
رنگ سفید (نوع ۳)	٠/٩٢	•/17
رنگ سیاہ	•//१	•/97
آلومينيوم پاليش زده شده	۰/۰۵	•/10

۲-۵. استخراج معادلات حاکم

حالت کلی معادله انرژی برای ماهوارهای با قطعات مختلف که در تبادل حرارتی با یکدیگر هستند، به صورت زیر می باشد [۲, ۳, ۱۵]:

$$Q_{conduction} + Q_{radiation} + Q_{sun} + Q_{albedo} + Q_{earth} + Q_{dissipate} - \sigma \varepsilon_i A_j T_i^4 = M c_p \frac{dT}{dt}$$
(*)

$$Q_{sun} = A_p \times \alpha_s \times S \tag{(a)}$$

$$Q_{albedo} = A_p \times \alpha_s \times f_s \times S \times Cos\theta \times Cos\beta \times f_s \tag{9}$$

 $Q_{Earth} = A_p \times \varepsilon \times G \times f_s$ (Y) معادله (۴)، یک معادلهی گذرا با زمان، غیرخطی و با شرایط مرزی متغیر با زمان است که برای حل آن از روشهای عددی استفاده می شود.

$$Y-4$$
. شبیهسازی ماهواره در حالت جرم متمرکز
با فرض ماهواره به صورت کره و جرم متمرکز، معادله (۴) به صورت زیر نوشته می شود:
 $Q_{sun} + Q_{albedo} + Q_{dissipate} - \sigma \varepsilon A T^4 = Mc_p \frac{dT}{dt}$ (۸)

با مساوی فرض کردن انرژی جذب شده توسط سطوح ماهواره و سطح کره معادل آن، با تقریب خوبی میتوان از رابطه (۹) بهره گرفت و ضریب جذب متوسط را برای کره معادل محاسبه کرد. به طور مشابه همین رابطه را میتوان برای ضریب صدور نیز نوشت. $\sum \alpha_{si}A_i = A_{subo}\alpha_{st}$ (۹)

ضرایب متوسط جذب و صدور سطح خارجی کره معادل برای طرحهای مختلف مطابق با جدول ۲ به دست می آید. لازم به ذکر است که رنگهای سفید و سیاه با توجه به درجه صیقلی بودن و براق بودنشان به ترتیب دارای بیشترین ضریب صدور و جذب را دارا می باشند. لذا در بیشتر ماهوارهها از این پوششها و نیز آلومینیوم پولیش شده برای رادیاتور استفاده می شود [۱–۳]. این ضرایب بی بعد می باشند. مثلاً ضریب صدور، نسبت انرژی تشعشع شده توسط ماده موردنظر به انرژی تشعشع شده توسط یک ماده سیاه استاندارد در همان درجه حرارت می باشد.

	متوسط کرہ معادل	جدول ۲: ضرایب جذب و نشر
_	-	پوشش استفاده شده برای
E _t	$a_{\mathrm{s,t}}$	رادياتور
10.1	1224	
•/98	• / ۵ V	رنگ سفید (نوع ۱)
•/۶٩	•/۵۶	, نگ سفید (نوع ۲)
,, .	,	(* (
• / ٧ •	• / ۵ ۷	رنگ سفید (نوع ۳)
•/۶٩	• /٧٣	رنگ سیاہ
(() (
•/۵١	•/۵۶	الومينيوم پاليش زده شده

با حل معادله دیفرانسیل (۸)، به کمک روش رانج کوتا، دمای ماهواره برای چند طرح مورد بررسی، در شرایط سرد و گرم مداری محاسبه میشود که دمای متناظر بعد از چند دوره و رسیدن به پایداری در محدوده زمانی دو پریود مداری در شکلهای ۱ و ۲ رسم شده است. شرایط سرد و گرم مداری ماهواره بر اساس

جدول ۳ تعريف شده است.

جعلول ۱۰ پارامنارهای خرارتی ماملواره در مشرعه مشرع و خرم		
شرايط سرد	شرايط گرم	
1	14	ثابت خورشیدی (w/m ²)
۲۳۰	۲۴۰	ثابت زمین (w/m ²)
• /٣	٠/۴	ضريب آلبدو
٣	٧٠	توان اتلافی (وات)

جدول ۳: پارامترهای حرارتی ماهواره در شرایط سرد و گرم



شکل ۱: دمای کلی ماهواره در پنج طرح حرارتی در شرایط سرد



شکل ۲: دمای کلی ماهواره در پنج طرح حرارتی در شرایط گرم

نکته حائز اهمیت در این شکلهای ۱ و ۲ دمای ماهواره در شرایط سرد میباشد که در همه حالات، دما از حد مجاز پایین (صفر درجه سانتی گراد) کمتر میباشد که الزامی بودن گرمکن برای ماهواره در شرایط سرد را نشان میدهد. این شکلها دمای ماهواره را در شرایط بد سرد و گرم نشان میدهد. نتایج نشان میدهد که با پوششهای غیرفعال و یا تجهیزات فعال باید محدوده دما را در منطقه مجاز قرار داد. به دلیل ماهیت معادلات دیفرانسیل حاکم و تغییرات ضرایب منظری تشعشع، رفتار دما با زمان تناوبی میباشد. البته در فازهای بعدی و با طراحیهای دقیقتر و بهتر امکان حذف این الزام وجود دارد. به عنوان مثال با تغییر در ترکیب و پیکربندی ماهواره و جانمایی بهینه اجزا، امکان تأمین دمای مطلوب و برآورده کردن قیود حاکم وجود دارد[۱۶].

۲-۷. شبیهسازی ماهواره به صورت مکعبی شکل

در مرحله بعد، ماهواره با همان شکل ظاهری واقعی تحلیل می شود اما هنوز قطعات داخلی مدل نشده و فرض بر آن است که همه حرارت اتلافی در داخل ماهواره از صفحه ندیر آن که به عنوان رادیاتور در نظر گرفته شده به فضای خارج منتشر می شود. ماهیت مدار ماهواره به گونه ای است که در آن زاویه تابش خورشید به سطوح ماهواره در طی یک سال و همچنین در طول دوره متغیر است. این پدیده باعث می شود تا سطوح جانبی ماهواره به صورت تناوبی در معرض تابش خورشید و سایه قرار گیرند و در نتیجه باعث ایجاد شیب ۱ دمایی شدید در آن می شود. بنابراین در طرح اولیه زیرسیستم کنترل حرارت، برای جلوگیری از نفوذ این تغییرات دمایی به داخل ماهواره، اتصال ۲ هدایتی صفحه های جانبی به صفحه ندیر قطع شده و در نتیجه از تأثیر نوسانات دمایی سطوح جانبی به داخل ماهواره جلوگیری به عمل می آید. اما جهت سهولت دفع حرارت تولیدی توسط

¹ Gradient

² Coupling

$$-\sum_{j=1}^{n} C_{ij}(T_{i} - T_{j}) - \sum_{j=1}^{n} R_{ij}(T_{i}^{4} - T_{j}^{4}) + Q_{Albedo} + Q_{Sun} + Q_{Earth} + Q_{Dissipation} - Q_{SPACE} = (MC_{p})_{i} \frac{dT_{i}}{dt}$$
(1.)

$$Q_{SPACE} = \sigma \varepsilon_i A_i T_i^4 \tag{11}$$

۸–۸. محاسبه اتصال هدایتی

$$\frac{1}{C_{ij}} = \frac{1}{R_i + R_c + R_j} \tag{17}$$

$$R_i, R_j = \frac{L}{K.A} \tag{17}$$

$$R_c = \frac{1}{h_c A} \tag{14}$$

۲-۹. محاسبه اتصال تشعشی

اتصال تشعشی بین قطعات مختلف ماهواره نیز با استفاده از شبیهسازی سیستمهای حرارتی با الکتریکی و با کمک رابطه زیر به دست میآید[۲, ۱۸]:

$$R_{ij} = \sigma \varepsilon_j A_j \varepsilon_i \sum_{k=1}^{n} M_{ik} F_{jk}$$

$$M_{ik} = \left[\delta_{ij} - (1 - \varepsilon_i) F_{ij} \right]^{-1}$$

$$\delta_{ij} = \begin{cases} 1 & , i = j \\ 0 & , i \neq j \end{cases}$$

$$(1\Delta)$$

یکی از قسمتهای مشکل در محاسبه اتصال تشعشع، به دست آوردن مقدار ضرایب دید قطعات میباشد. جهت محاسبه ضرایب دید که محاسبات وقت گیر و حجیمی است، میتوان از نرمافزارهای موجود بهره گرفت. نرمافزارهای مختلف، با توجه به چیدمان قطعات، ضرایب دید اجزا نسبت به یکدیگر را محاسبه میکنند. برای محاسبه اتصال تشعشعی علاوه بر دانستن ضرایب دید، باید مساحت و خواص تشعشی سطوح مختلف نیز معلوم باشد. در طرح اولیه کنترل حرارت ماهواره مورد بحث، جهت دفع حرارت اجزا از طریق انتقال حرارت تشعشعی، کلیه سطوح داخلی ماهواره سیاه رنگ شدهاند تا اتصال تشعشعی حداکثر گردد. این کار تا حدی به همدما شدن اجزای داخلی نیز کمک میکند.

همچنین برای کاهش تغییرات دمایی روی صفحههای خورشیدی، سطح داخلی آنها نیز سیاهرنگ شده تا مقداری از حرارت آنها به داخل نفوذ کند و در نتیجه دمای آنها نیز کمی معتدل تر شود. این کار از طریق انتقال حرارت هدایتی ممکن نیست زیرا به محض برقراری اتصال جزیی هدایتی، شیبهای حرارتی روی صفحهها به شدت روی اجزای داخلی تأثیر خواهد گذاشت.

در این طرح صفحه ندیر را از بقیه صفحات ایزوله کرده و اتصال رسانش بین صفحههای خورشیدی و رادیاتور به حداقل رسانده می شود. از آن جایی که این صفحه همیشه رو به سمت زمین است از آن به عنوان رادیاتور استفاده شده و حرارت تولیدی در داخل ماهواره از این صفحه خارج می شود و به دلیل تماس با قطعات داخلی و یا نصب تجهیزات بر روی آن، دمای این صفحه بایستی کنترل شود.

در این مقاله بعد از محاسبه شارهای مرزی و اتصال رسانش و تشعشع بین قطعات، جهت محاسبه دمای گذرای ماهواره، معادلات حاکم در محیط سیمولینک نرمافزار متلب⁽ شبیهسازی شده است.

دمای صفحه ندیر ماهواره بعد از شبیه سازی در شکل های ۳ و ۴ رسم شده که مشاهده می شود هیچ کدام از طرحهای حرارتی پیشنهادی قادر به حفظ دمای ماهواره در محدوده مجاز دمایی نبوده و استفاده از گرمکن در شرایط سرد اجتناب ناپذیر است. نتایج نشان می دهد که با پوشش های غیرفعال و یا تجهیزات فعال و گرمکن باید محدوده دما را در منطقه مجاز قرار داد. به دلیل ماهیت معادلات دیفرانسیل حاکم و تغییرات ضرایب منظری تشعشع، رفتار دما با زمان تناوبی می باشد.



شکل ۳: دمای صفحه ندیر در پنج حالت حرارتی در گرمترین شرایط

¹ Matlab



شکل ۴: دمای صفحه ندیر در پنج حالت حرارتی در سردترین شرایط

۳. انتخاب طرح مناسب و استخراج بودجه توانی گرمکن

جهت انتخاب پوشش حرارتی برای سطح ندیر ماهواره مورد نظر، طرحی انتخاب می شود که بتواند در گرم ترین شرایط، دمای ماهواره را در محدوده مجاز نگه دارد. استفاده از رادیاتور و گرمکن و پوشش های مناسب روی وجوه ماهواره و مصالحه بین طرحهای مختلف می تواند راهکار مناسبی برای حفظ دمای ماهواره در محدوده مجاز باشد. دمای مطلوب برای ماهواره در شرایط سرد را می-توان در صورت لزوم با استفاده از گرمکن تأمین کرد. آنچه که از شکل ۳ برداشت می شود، این است که با استفاده از پوشش سیاه و یا آلومینیوم دمای صفحه ندیر در شرایط گرم مداری در خارج از محدوده مجاز قرار دارد اما با استفاده از پوشش سفید می توان این دما را ایجاد کرد. بنابراین رنگ سفید (نوع ۱) برای رادیاتور انتخاب می شود. بعد از انتخاب پوشش مناسب، توان گرمکن موردنیاز برای گرم نگهداشتن آن در محدوده مجاز در شرایط سرد محاسبه می شود.



شکل ۵ : دمای صفحه ندیر و مقدار شارهای وارده بر آن در شرایط سرد با رنگ سفید و در حالت بدون استفاده از گرمکن

در شکل ۵ مقادیر شارهای وارده و دمای صفحه ندیر رسم گردیده است. استفاده از رادیاتور و گرمکن و پوششهای مناسب روی وجوه ماهواره و مصالحه بین طرحهای مختلف میتواند راهکار مناسبی برای حفظ دمای ماهواره در محدوده مجاز باشد. همان طوری که ملاحظه میشود سهم اتصال تشعشع داخلی ناچیز بوده و میتوان از آن در محاسبات صرف نظر کرد همچنین از آن جایی که صفحه ندیر از لحاظ رسانشی از بقیه صفحات تقریباً ایزوله شده، مقدار این نوع حرارت کم بوده و در محاسبات مقدار آن ثابت و ۴ وات در نظر گرفته میشود. با در نظر گرفتن مقدار شارهای وارده از محیط بیرون و توان تولیدی داخل (۳ وات)، توان موردنیاز برای گرم نگهداشتن ماهواره در حداقل دمای مجاز (صفر درجه سانتی گراد) محاسبه میشود. معادلات انتقال حرارت برای صفحه ندیر ماهواره در حالت پایدار و برای شرایط سرد را میتوان

$$Q_s + Q_a + Q_e + Q_{d(\min)} + Q_{Conduction} + Q_{Radiation}$$

$$+ Q_{heater} = Q_{SPACE(T=0^{\circ}C)}$$
(1V)

$$0+0+60.5+3-4-0+Q_{heater} = 0.85\times5.67\times10^{(-8)}\times0.36\times273^{4}$$

$$\Rightarrow Q_{heater} = 36.9 \text{ wat}$$
(1A)

این مقدار توان برای گرم نگهداشتن ماهواره در شرایط سرد مداری محاسبه شده است. با قرار دادن گرمکن و شبیهسازی مجدد معادلات توزیع دمایی مطابق با شکل ۶ حاصل می شود که مشاهده می شود دمای ماهواره در محدوده مجاز قرار دارد. در این شکل همچنین مقدار توان مصرفی گرمکن نیز در این شرایط نشان داده شده است.



شکل ۶: دمای صفحه ندیر با پوشش رنگ سفید با استفاده از هیتر در شرایط سرد

۴. انتخاب ترکیب بهینهای از پوششهای حرارتی

استفاده از پوشش سفید اگرچه دمای صفحه ندیر را در شرایط گرم کاهش میدهد، اما باعث افزایش قابل توجه در مقدار توان لازم برای گرم نگهداشتن رادیاتور در شرایط سرد میشود و همین طور استفاده از پوشش سیاه برای رادیاتور اگرچه باعث کاهش توان لازم برای گرمکن می شود

)

اما باعث افزایش دمای صفحه ندیر در شرایط گرم می شود. بنابراین ترکیب مناسبی از پوشش ها برای تأمین دمای مطلوب و همچنین کاهش توان گرمکن ضروری است.

با توجه به اینکه کمترین و بیشترین دمای مجاز برای صفحه ندیر به ترتیب صفر و ۴۰ درجه سانتی گراد در نظر گرفته شده، می توان روابط (۱۹) و (۲۰) را برای رسیدن به دمای مطلوب در گرمترین و سردترین شرایط نوشت.

$$Q_s + Q_a + Q_e + Q_{d(MAX)} \le Q_{SPACE(T=40^\circ C)}$$

$$(19)$$

$$Q_s + Q_a + Q_e + Q_{d(\min)} + Q_{heater} \ge Q_{SPACE(T=0^\circ C)}$$
(Y.

اگر صفحه ندیر مطابق با شکل ۷ به m ناحیه با ضرایب جذب و صدور مختلف تقسیم شود، می توان روابط (۱۹) و (۲۰) را برای هر قسمت نوشت.

))	
A1	A ₂	A _m
ε1	ε2	٤m
α1	α2	α _m

شکل ۲: تقسیم صفحه ندیر به m ناحیه با ضرایب جذب و صدور مختلف

با توجه به شکل ۵ و با در نظر گرفتن این نکته که در زمانی که صفحه ندیر، بیشترین مقدار شار آلبدو را دریافت میکند، مقدار شار خورشیدی صفر است، معادلات ساده شده و برای شرایط گرم، رابطه (۲۱) حاصل میشود. همچنین لازم به ذکر است که در این رابطه مقدار حرارت انتقالی تحت تأثیر رسانش و تشعشع با توجه به ثابت فرض کردن آن، در مقدار Q_d لحاظ شده است.

$$\begin{aligned} \alpha_{1}A_{1}q_{a} + \alpha_{2}A_{2}q_{a} + \dots + \alpha_{m}A_{m}q_{a} \\ + \varepsilon_{1}A_{1}q_{e} + \varepsilon_{2}A_{2}q_{e} + \dots + \varepsilon_{m}A_{m}q_{e} \\ - \sigma\varepsilon_{1}A_{1}T^{4}{}_{(T=40^{\circ}C)} - \sigma\varepsilon_{2}A_{2}T^{4}{}_{(T=40^{\circ}C)} \\ - \dots - \sigma\varepsilon_{m}A_{m}T^{4}{}_{(T=40^{\circ}C)} < -Q_{d(MAX)} \end{aligned}$$

$$(\Upsilon 1)$$

و برای شرایط سرد مداری نیز با توجه به این که شار حرارتی خورشیدی و آلبدو صفر میباشد، رابطه (۲۲) به دست میآید.

$$-\varepsilon_{1}A_{1}q_{e} - \varepsilon_{2}A_{2}q_{e} - \dots - \varepsilon_{m}A_{m}q_{e} + \sigma\varepsilon_{1}A_{1}T^{4}{}_{(T=0^{\circ}C)}$$

$$+ \sigma\varepsilon_{2}A_{2}T^{4}{}_{(T=0^{\circ}C)} + \dots + \sigma\varepsilon_{m}A_{m}T^{4}{}_{(T=0^{\circ}C)} < Q_{d(\min)}$$

$$\sum_{k=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} e_{j} + \frac{1}{2}\sum_{j=1}^{n} e_{j$$

$$q_{a} = f_{a} \times f_{c} \times S \times \cos\theta \times \cos\beta \tag{(Y7)}$$

$$a \cdot x < b$$
 (Y Δ)

$$a_{eq} \cdot x = b_{eq} \tag{(YF)}$$

$$Z = Q_{heater} \to \min \tag{(YY)}$$

$$a = \begin{pmatrix} -\sigma \varepsilon_1 T^4_{(T=40^\circ C)} + \alpha_1 q_{a(hot)} + \varepsilon_1 q_{e(hot)} \\ \sigma \varepsilon_1 T^4_{(T=0^\circ C)} - \varepsilon_1 q_{e(cold)} \\ -\sigma \varepsilon_2 T^4_{(T=40^\circ C)} + \alpha_2 q_{a(hot)} + \varepsilon_2 q_{e(hot)} \\ \sigma \varepsilon_2 T^4_{(T=0^\circ C)} - \varepsilon_2 q_{e(cold)} \\ \cdots & -\sigma \varepsilon_m T^4_{(T=40^\circ C)} + \alpha_m q_{a(hot)} + \varepsilon_m q_{e(hot)} = 0 \end{pmatrix}$$

$$(\Upsilon A)$$

$$\cdots \qquad \sigma \varepsilon_m T^4_{(T=0^\circ \mathcal{C})} - \varepsilon_m q_{e(cold)} \qquad -1 \bigg|_{2\times (m+1)}$$

$$\boldsymbol{X} = \begin{pmatrix} \boldsymbol{A}_{1} \\ \boldsymbol{A}_{2} \\ \vdots \\ \boldsymbol{A}_{m} \\ \boldsymbol{Q}_{heater} \end{pmatrix}_{(m+1)}$$
(۲۹)

$$a_{eq} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 & 0 \end{pmatrix}_{1 \times (m+1)} \tag{(\%)}$$

$$b = \begin{pmatrix} -Q_{d(MAX)} \\ Q_{d(\min)} \end{pmatrix}$$
(٣1)

$$b_{eq} = (A) \tag{(TT)}$$

m=5 در تحقیق حاضر تعداد پوششهای حرارتی در اختیار طراح پنج عدد میباشد و بنابراین m=5 میباشد. با جایگذاری مقادیر مربوطه در معادلات فوق، مقدار مساحت لازم از هر کدام از پوشش-های سطحی برای رسیدن به کمترین مقدار توان گرمکن محاسبه می شود. همچنین توان لازم برای گرم نگهداشتن ماهواره در شرایط سرد نیز با استفاده از این محاسبات به دست می آید.

$$\begin{array}{l} A_{\rm l} = 0 \\ A_{\rm 2} = 0.32\,m^2 \\ A_{\rm 3} = 0 \\ A_{\rm 4} = 0 \\ A_{\rm 5} = 0.04\,m^2 \\ Q_{\rm heater} = 34.2\,wat \end{array} \tag{(TT)}$$

با توجه به توان محاسبه شده در حالت بهینه، مشاهده می شود که با استفاده از بهینهسازی، توان موردنیاز گرمکن ۸٪ کاهش پیدا می کند.

$$\frac{36.9 - 34.2}{34.2} = 8\%$$
 (°°f)

استفاده از رادیاتور و گرمکن و پوششهای مناسب روی وجوه ماهواره و مصالحه بین طرحهای مختلف میتواند راهکار مناسبی برای حفظ دمای ماهواره در محدوده مجاز باشد. با استفاده از مقادیر بهینه محاسبه شده برای پوششهای سطحی، شبیه سازی معادلات حاکم دوباره صورت گرفته و دمای صفحه ندیر در شکل ۸ نشان داده شده است که مشاهده می شود با استفاده از پوششهای سطحی انتخاب شده و مقدار توان گرمکن محاسبه شده در حالت بهینه نیز دمای مطلوب تأمین می شود. در شکل ۹ توان مصرفی گرمکن در دو دوره مداری جهت مقایسه بین دو





شکل ۸: مقایسه دمای ماهواره در دو حالت بهینه و قبل از بهینهسازی

شكل ٩: مقايسه توان مصرفى گرمكن

۵. نتیجهگیری

در این مقاله روند طراحی سیستم کنترل دمای ماهواره تشریح و یک روش بهینه برای انتخاب پوششهای حرارتی بیان گردید. روش ارائه شده بر روی یک ماهواره نمونه اجرا و نتایج حاصل نشان میدهد که توان مصرفی گرمکن با استفاده از این روش کاهش محسوسی مییابد. در حالت بهینه، مشاهده میشود که با استفاده از بهینهسازی، توان موردنیاز گرمکن ۸٪ کاهش پیدا میکند.

برای صفحه ندیر در حالتی که پوشش آلومینیومی پولیش شده استفاده شود در حالت شرایط بد گرم دما به ۱۹۰ درجه سانتیگراد میرسد که حدود سه و نیم برابر طرحهای دیگر بوده و مناسب نیست. ماهواره موردنظر مکعبی شکل بوده و با توجه به طراحی صورت گرفته، چهار وجه کناری، پانل خورشیدی میباشد و وجه بالایی (رو به فضا) از عایق چندلایه پوشانده شده است. وجه رو به پایین آن (صفحه ندیر) به عنوان رادیاتور در نظر گرفته شده و طراح در این پروژه با استفاده از ۵ پوشش حرارتی که در اختیار دارد، سیستم کنترل دمای ماهواره را به صورت بهینه طراحی می کند. در طراحی صورت گرفته با استفاده از انتخاب مناسب پوشش حرارتی صفحه ندیر ماهواره، کمترین توان مصرفی در شرایط سرد برای ماهواره موردنیاز میباشد. در مطالعه حاضر تعداد پوششهای حرارتی که در اختیار طراح قرار داشت، محدود بوده (پنج حالت)، ولی در عمل، طراح با تعداد زیادی از پوششها با ضرایب جذب و صدور مختلف در ارتباط است که می توان با استفاده از این روش به انتخاب بهینهای رسید که علاوه بر کم کردن توان مصرفی گرمکن و در نتیجه کاهش هزینه ماهواره، زمان طراحی را نیز با توجه به انبوه پوششهای حرارتی موجود، کم کرد. استفاده از رادیاتور و گرمکن و پوششهای مناسب روی وجوه ماهواره و مصالحه بین طرحهای مختلف توأم با بهینهسازی به روش برنامهریزی خطی میتواند راهکار مناسبی برای حفظ دمای ماهواره در محدوده مجاز صفر تا ۴۰ درجه سانتی گراد باشد. فهرست علائم

$$M$$
 مساحت عبور حرارت (m^2)
 M
 مساحت قطوه مكعبى شكل (m^2)
 M_i
 مساحت قطعه (m^2)
 m^2
 im
 m^2
 <

$$m$$
 تعداد پوشش های حرارتی مورد مطالعه
 n تعداد گره
 Q_a, Q_{Albedo}
 Q_a, Q_{Albedo}
 Q_a, Q_{Albedo}
 Q_a, Q_{Albedo}
 (w) شار انعكاسی خورشیدی توسط زمین (w)
 $Q_{conduction}$
 $Q_{dr}Q_{Dissipation}$
 (w) تلفات حرارتی قطعه (w)
 $Q_{cr}Q_{Earth}$
 $Q_{cr}Q_{Earth}$
 (w) شار تشعشعی دریافتی سطوح از زمین (w)
 Q_{heater}
 (w) تابش (w)
 $Q_{cr}Q_{Sun}$
 (w) سار تشعشعی خورشید (w)
 R_i
 R_i
 R_i
 r_i
 $(k) i$ بنیه خورشید (r_i

علايم يونانى

زيرنويسها

۷. منابع

[1]C. D. Brown, *Elements of Spacecraft Design*: American Institute of Aeronautics and Astronautics. Inc, 2002.

- [2] D. G. Gilmore, *Satellite Thermal Control Handbook*, California: The Aerospace Press, 2002.
- [3] P. Fortescue, J. Stark, G. Swinerd, *Spacecraft Systems Engineering*, edition, Third ed.: Wiley LTD, 2003.
- [4] W. J. Larson, J. R. Wertz, Space Mission Analysis and Design: Microcosm Press, 1999.

[⁴] ح. ناصح، ف. جمالی املشی، ع. محمودی، ن. محمدی بادیزی، م. ر. بختیاری " بهینهسازی چندهدفی زیرسامانه تامین توان ماهواره بر مبنای جرم و توان تولیدی"، نشریه علمی دانش و فناوری هوافضا، ۱۲[۲]، ۱۴۰۲.

- [6] C. B. Vanoutryve, A Thermal Analysis and Design Tool for Small Spacecraft, Master of Science Thesis, The Faculty of the Department of Mechanical and Aerospace Engineering, San Jose State University, 2008.
- [7] J. Friedel, S. McKibbon, Thermal Analysis of the Cube Sat CP3 Satellite, Master of Science Thesis, Department of Aerospace Engineering, University, California Polytechnic State, 2011.
- [8] M. J. L. Poucet, Phase-B Thermal Control Subsystem Design for the ESEO Satellite, Master of Science Thesis, Faculty of Industrial Engineering, Milan Polytechnic, 2012.

[٩] و. منشیی، ا. افشاری، ا. دشتی، م. مشرف، س. اصغری، " مدلسازی ریاضی اثر دمای محیط و چگالنده بر عملکرد لوله حرارتی حلقهای"، نشریه علمی دانش و فناوری هوافضا، دوره ١٠[١]١٩٩-١٤٢، ١٤٢٠.

[10] N. Chari, Spacecraft Thermal Design Optimization, Master of Science Thesis, Graduate Department of Aerospace Science and Engineering, University of Toronto, 2009.

[11] ف. اصدق پور، ف. صادقی کیا، م. ع. فارسی، " اثرات حرارتی محیط فضا بر مشخصات تشعشعی آنتن انعکاسی ماهواره مدار "LEO"، فصلنامه علمی علوم و فناوری فضایی، ۱۵ [۲] ۱۱ – ۱۲۲، ۱۴۰۱.

[12] K. D. Stout, Design Optimization of Thermal Paths in Spacecraft Systems, Master of Science Thesis, Department of Aeronautics and Astronautics, Massachusetts Institute of Technology, 2013. [۱۳] س. اصغری، ک. برزو اصفانی، ع. فانی ثانی، م. ص. برنج کوب، " بررسی عوامل تاثیرگذار بر انتخاب پوششهای مناسب برای زیرسامانه کنترل حرارت ماهواره"، نشریه فناوری در مهندسی هوافضا، ۱ [۵]۳۵-۴۴، ۱۳۹۷.

[۱۴] م. خوش سیما، م. شهریاری، س. غضنفری نیا، ش. امامی، ی. صفار تلوری، " مدلسازی حرارتی محموله لیدار یک ماهواره سنجشی بر اساس ملاحظات طراحی سیستمی و مرور چالش های آن"، فصلنامه علمی علوم و فناوری فضایی، ۱۶ [۲]۷۹–۹۱، ۱۴۰۲.

- [15] J. R. Tsai, Overview of Satellite Thermal Analytical Model, Journal Of Spacecraft And Rockets, Vol. 40,NO. 1, pp. 120-125, January–February, 2004.
- [16] M. Fakoor, M. Taghizhad, A. Kosari, Review of method for optimal layout of satellite components, Modares Mechanical Engineering, Vol. 13, No. 9, pp. 126-137, 2012. (In Persian)
- [17] F. P. Incropera, D. P. DeWeit, Introducting to Heat Transfer: John Wiley & sons Inc, 2002.
- [18] R. Siegal, J. R. Howell, Thermal Radiation Heat Transfer, USA: Hemisphere Publishing Corporation, 1992.
- [19] G. N. Vanderplaats, Numerical Optimization Techniques for Engineering Design: Vanderplaats Research & Development, Inc, 2001.
- [20] P. Venkataraman, Applied Optimization With Matlab Programming, New York: John Wiley & Sons, 2002.