

افزایش امنیت طیف گسترده دنباله مستقیم با کاهش گلبرگهای فرعی ناشی از حذف گسترش فیلترهای منطبق محمد فرهمند راد^۱ ، حمید محسنی^۲ ، سید عطا سید بادامی ^۲ ۱-مدرس دانشکده مهندسی برق، دانشگاه پدافند هوایی خاتمالانبیاء(ص)، تهران، ایران ۲-دانشجوی دکترای برق، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه پدافند هوایی خاتمالانبیاء(ص)، تهران، ایران. ۳-دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده برق و کامپیوتر، دانشگاه تبریز، ایران.

اطلاعات مقاله

چکیدہ

آنچه موجب رشد روزافزون طيف گسترده شده است تنها به قابليت طيف	تاریخ پذیرش: ۳۰/ ۱۴۰۱/۰۸
گسترده در استفاده اشتراکی از پهنای باند و خاصیت ضد تداخلی آن	
اشاره دارد، بلکه به دیگر مزایای طیف گسترده که استفاده از آن کیفیت	تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۱/۲۲
بهتری را در کانالهای ارتباطی جدید موجب میشود نیز اشاره دارد. از	كلمات كليدى:
آنجائی که تکنیک طیف گسترده با توجه به میزان بهره پردازشی ایمنی	طیف گسترده، گلبرگ فرعی،
خوبی در مقابل اخلال و تداخل ایجاد میکند، اما با بکار گیری روشهایی	سنكرون سازى، فيلتر منطبق،
می تواند ضریب امینت آن را افزایش داد، که اصلی ترین مورد جهت بهبود	حذف گسترش، بهره پردازشی.
امنیت آن کاهش بزرگترین گلبرگهای فرعی و همچنین تنزل مجموع	
کلیه گلبرگهای فرعی پس از عمل حذف گسترش و یا سنکرون سازی	
در گیرنده سامانههای طیف گسترده دنباله مستقیم است که از فیلتر	-
منطبق جهت سنکرون سازی و حذف گسترش استفاده میکنند. این	doi
مقاله به یک روش جدید جهت کاهش بهتر میزان این گلبرگها، به همراه	نویسنده مسئول:
مقایسه سایر روشهای متداول جهت افزایش امنیت سامانههای طیف	محمد فرهمند راد
گسترده میپردازد.	ايميل:
-	m_farahmand@khadu.ac.ir

استناد به مقاله: محمد فرهمند راد، حمید محسنی، سید عطا سید بادامی، افزایش امنیت طیف گسترده دنباله مستقیم با کاهش گلبرگهای فرعی ناشی از حذف گسترش فیلترهای منطبق، مجله علمی دفاع هوافضایی دوره ۱، شماره ۳، آذر ۱۴۰۱.



reducing the side-lobe level that caused by despreading in receiver systems, which uses the matching filter to synchronize and despreading

Mohammad Farahmandrad¹, Hamid Mohseni², Seyed Ata Seyed Badami³

1. Electrical Engineering Department, Khatam Ol Anbia (PBU) University, Tehran, Iran.

2. Electrical Engineering Department, Khatam Ol Anbia (PBU) University, Tehran, Iran.

3. M.S student, Faculty of Electrical and Computer Engineering, University of Tabriz, Iran.

Article Information

Accepted: 1401/08/30

Recceived:1401/01/22

Keywords:

Spread spectrum, Side-lobe, Synchronization, Match filter, Dispreading, Processing gain. Spread spectrum facilitated the using of communication channels. Also it has improved signal privacy against noise jammers and interference. Although the privacy of spread spectrum technique is robust against signal jammers and interference with respect to its processing gain , but it can further be improved by side-lobe suppression an and decreasing of side-lobe integration in spread spectrum systems that use match filter for synchronization and despreading of SS receivers .This paper will illustrate a new technique to improve the decrement of side-lobe in comparison with other common related methods such as amplitude weighting.

Abstract

doi

Corresponding anuthor: Mohammad Farahmandrad Email: m farahmand@khadu.ac.ir

HOW TO CITE: Mohammad Farahmandrad, Hamid Mohseni, Seyed Ata Seyed Badami, reducing the side-lobe level that caused by despreading in receiver systems, which uses the matching filter to synchronize and despreading, Journal of Airspace Defense, Vol. 1, No, 3, 1401

۱. مقدمه

طراحان سامانههای مخابراتی درگذشته و حال همواره به دنبال دستیابی به تکنیکهای مدولاسیون و دمدولاسیونی هستند که نیازهای مخابراتی و ملاحظاتی موردنظر آنها را به بهترین صورت مرتفع سازند. اکثر این تکنیکها سعی در بهینهسازی استفاده از یک یا هر دو پارامتر اصلی ارزیابی عملکرد سامانههای مخابراتی یعنی توان و پهنای باند داشته و هدف اصلی آنها کاستن از احتمال خطای ارسال سیگنال از یک محل به محل دیگر، با فرض حضور نویز است.

در مخابرات طیف گسترده، پهنای باند سیگنال قبل از ارسال گسترش داده می شود به طوری که معمولاً تمام پهنای باند در دسترس کانال را اشغال می نماید. وقتی فقط یک کاربر از کانال استفاده نماید، این روش از نظر استفاده از پهنای باند کارا نیست؛ اما وقتی چندین کاربر وجود دارند، همگی می توانند از باند فرکانسی مشابهی استفاده نمایند. در این صورت، سیستم از نظر پهنای باند نیز کارایی داشته و همزمان از مزایای طیف گسترده نیز استفاده می شود. همواره امنیت طیف گسترده از اصلی ترین چالش های مخابرات امن بوده و هست و لذا جهت دستیابی به این امنیت می بایست بهره پردازشی را افزایش داد اما دستیابی به بهره پردازشی بالا همواره در دسترس نیست. بعد از بهره پردازشی بهترین روش جهت ارتقاء امنیت طیف گسترده کاهش ساید لوب های بعد از حذف گسترش است که در این مقاله به یک روش جدید جهت دستیابی به این مهم آن پرداخت ه خواه د شد.

۲. شمای کلی سیستم طیف گسترده

شکل ۱ نمودار کلی یک سیستم مخابرات طیف گسترده را نشان میدهد که میتواند برای ارسال زمینی یا ماهواره ای مورداستفاده قرار گیرد. اگر منبع اطلاعاتی آنالوگ باشد ابتدا در بلوک A/D به دیجیتال تبدیل میشود. در این مرحله میتوان همانند سایر سامانه های مخابراتی از تکنیکهای فشرده سازی اطلاعات برای حذف اطلاعات اضافی و روش های کدگذاری برای آشکار – سازی و تصحیح خطا استفاده نمود. سپس طیف سیگنال حاصل توسط یک دنباله شبه تصادفی گسترده شده و قبل از ارسال در کانال ارتباطی تقویت میشود. در کانال ارتباطی و صرفنظر از زمینی یا ماهواره ای بودن آن، نویز، تداخل و تضعیف وجود خواهد داشت. مدولاتور میتواند قبل از واحد گسترده کننده طیف یا پس از آن باشد و معمولاً این دو بخش به صورت واحد و در یک قسمت قرار می گیرند. در طرف گیرنده، برای بازسازی سیگنال اولیه پردازش های معکوس صورت می گیرد یعنی اسیگنال، آشکارشده و طیف آن جمع می گردد و درصورتی که سیگنال آنالوگ باشد به واحد D/A



شکل ۱: نمای بلوکی سیستم مخابرات طیف گسترده

استفاده از سامانههای طیف گسترده باعث بهبود کیفیت انتقال اطلاعات در سامانههای مخابراتی می شود. به طور کلی، مقدار بهبود کیفیتی که براثر استفاده از یک سیستم طیف گسترده بدست می آید بهره پردازش نامیده می شود. بهره پردازش را می توان به عنوان تفاوت میان عملکرد سامانهای که از طیف گسترده استفاده می کند و عملکرد سامانهای که از این تکنیک استفاده نمی کند، هنگامی که بقیه شرایط برای دو سیستم یکسان باشد تعریف نمود. بنابراین بهره پردازش پارامتری است که کیفیت سیستم طیف گسترده را نشان می دهد. سه رابطه رایج برای بهره پردازش عبارتاند از:

۱- نسبت SNR خروجی به SNR ورودی بعد از فیلتر کردن نهایی:

Processing Gain Or Spread Factor =
$$\frac{SNR_{out}}{SNR_{in}}$$
 (1)

$$PG = SF = \frac{BW_{in}}{R_b} \tag{(7)}$$

۳- نسبت پهنای باند سیگنال گسترده شده به پهنای باند پیام مدوله شده:

$$PG = SF = \frac{BW_{in}}{BW_{out}} \tag{(Y)}$$

پارامتر بهره پردازشی اصلی ترین عامل ایمنی سامانه طیف گسترده در برابر اخلال و تداخل است اما دو عامل کمکی دیگر که بعد از حذف گسترش حاصل می شوند به بررسی امنیت طیف گسترده در مقابل اخلال و تداخل اشاره دارند که عبارتاند از:

در حقیقت توان گلبرگهای فرعی کناری نشاندهنده میزان سیگنال عبوری اخلال و یا تداخلی است که دارای بالاترین مقدار تابع همبستگی متقابل با سیگنال اصلی طیف گسترده ارسالی است.

یکی از پرکاربردترین روشهای حذف گسترش و سنکرون سازی در طیف گسترده استفاده از فیلتر منطبق است که در خروجی این فیلتر نیز گلبرگهای کناری نیز تشکیل می شود و بسته به نوع کدهای دنباله ارسالی میزان این گلبرگها متفاوت است. متداول ترین روش، جهت کاهش این گلبرگهای کناری استفاده از تکنیک وزندهی است ،که قبل و یا حین حذف گسترش در فیلتر منطبق صورت می پذیرد.

متداول ترین روشهای وزن دهی در حذف گستر شهای مدولاسیون فرکانسی عبارت اند از:

Weighting function	Peak Sidelobe dB	Loss dB	Mainlobe Width (relative)
Without Window	-13.5	0	1.0
033+0/.66cos2(πf/B)	-25.7	0.55	1.23
Cos2 (πf/B)	-31.7	1.76	1.65
Taylor $(n = 8)$	-40	1.14	1.41
Dolph – Chebyshev	-40	0	1.35
$0.08+0.92\cos^{2}(\pi f/B)$ (Hamming)	-42.8	1.34	1.50

جدول ۱: روشهای وزندهی در حذف گسترشهای مدولاسیون فرکانسی

همچنین مهم ترین و پرکاربردترین روشهای وزندهی در حذف گسترشهای فازی عبارتاند از:

Weighting function	Peak Sidelobe dB	Loss dB	Integration Sidelobe dB
Without Window	-29.3	-	-14.4
Hamminh	-59.9	1.36	-4
Hanning	-99.2	1.77	-15.3
Blackman	-98.8	2.38	-9.9
Kaiser	-67.4	1.34	-4.4
Blackman-Harris	-119.1	3.02	-16.4
Tukey	-99.2	1.77	-15.3

جدول ۲: روشهای وزندهی در حذف گسترشهای فازی

Flattop	-82.4	4.44	-11.9
Bohman	-71.7	2.53	-9.3
Barlett	-40.9	1.26	-16.2
Barthann	-54.0	1.64	-15.5

۳. دنبالههای چند فازی

به منظور بهره گیری از فشرده سازی در تکنیک طیف گسترده و فشرده سازی پالس در رادار از دنباله های چند فازی استفاده می شود که مهم ترین آن ها عبارت اند از: کد فرانک، کد Zadof-chu، کد Golomb، کد Quadriphase، کد Complementary، کد Welti و... که یکی از متداول ترین آن ها کد فرانک است.

۳-۱ کد فرانک

در این نوع کد، یک پالس ساده با طول au به یک گره پالس N تایی تقسیم می شود؛ کـه هـر گـروه N^2 به نوبه خود به N زیر پالس دیگر با طول Δau تقسیم می گردد. از این و تعداد همه زیر پالس هـا N^2 است و نسبت فشرده سازی $\xi = N^2$ خواهد بود. همان طور که قبلاً گفتیم فاز هر زیر پالس نسبت به یک سیگنال مرجع CW ثابت نگه داشته می شود.

یک کد فرانک با
$$N^2$$
 زیر پالس به کد فرانک N فازی برمیگردد. اولین قدم در محاسبه کد فرانـک
این است که ۳۶۰ درجه را به N قسمت تقسیم کنیم و نمو $\Delta \phi$ را بهصورت زیر تعریف کنیم:

$$\Delta \varphi = \frac{360^{\circ}}{N} \tag{(f)}$$

باید توجه نمود که با افزایش تعداد گروهها (N)، اندازه کاهش می یابد و این مسئله به علت پایداری فاز، ممکن است که کیفیت عملکرد کدهای فرانک طولانی را کاهش دهد. برای کد فرانک N فازی، فاز هر زیر پالس از ماتریس زیر محاسبه می شود:

0	0	0	0	•••	0
0	1	2	3		N-1
0	2	4	6		2(N-1)
•••					
•••				•••	
0	(N-1)	2(N-1)	3(N-1)		$(N-1)^2$

که هر ردیف نشاندهنده یک گروه و هر ستون ماتریس فوق نشاندهنده زیر پالسهای گروههاست. برای مثال در یک کد فرانک ۴ فازی، N=4 است و نمو $\Phi = 90^{\circ}$. به صورت زیر است: $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 90^{\circ} & 180^{\circ} & 270^{\circ} \\ 0 & 180^{\circ} & 0 & 180^{\circ} \\ 0 & 180^{\circ} & 0 & 180^{\circ} \\ 0 & 270^{\circ} & 180^{\circ} & 90^{\circ} \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & j & -1 & -j \\ 1 & -1 & 1 & -1 \\ 1 & -j & -1 & j \end{pmatrix}$

۳-۲ کدهای P1، P2 P2 P

این کدهای اصلاحشده کد فرانک با ترم فرکانسی DC در وسط پالس بهجای ابتدای آن میباشند. کد PX پیکهای لوب-های جانبی نامنظم مشابه کد فرانک دارد با این تفاوت که سطح مجموع لوبهای جانبی آن پایینتر است. بااینوجود کد PX برخلاف کد فرانک یک کد کامل (با تابع همبستگی متناوب ایدهآل)، نیست. کدهای P1و P2 نیز مشابه دو کد مذکور هستند با این تفاوت که کد 22 برای مقادیر زوج L تعریف میشود. کد P1 مشابه کد فرانک یک کد کامل است و برای Lهای فرد رفتار تابع ابهام آن مانند کد فرانک و برای L زوج مشابه کدهای P2 و PX است. روابط فازی برای این کدها، در معادلات زیر نمایش دادهشده است:

P1:
$$\Phi_{n\cdot k} = \frac{2\pi}{L} \left[(L+1)/2 - n \right] \left[(L+1)/2 - n \right]$$
 (Y)

$$P_{X}: \Phi_{n,k} = \begin{cases} \frac{2\pi}{L} \left[\left(L+1 \right)/2 - k \right] \left[\left(n-1 \right) L + \left(k-1 \right) \right] Leven \\ \frac{2\pi}{L} \left[L/2 - k \right] \left[\left(L+1 \right)/2 - n \right] Lodd \end{cases}$$
(A)

۴. فيلتر Woo

فیلتر Woo-Kyung Lee توسط Woo-Kyung Lee و Hugh D.Griffiths تحت عنوان یک روش نوین در فشردهسازی پالس برای کدهای چند فازی به همراه ساید لوبهای پایین در سال ۲۰۰۰ میلادی ارایه شد.فیلتر Woo یک ترکیب خطی بهینه از فیلتر منطبق برای سیگنال LFM است که برای راهاندازی کدهای فازی مورداستفاده قرار می گیرد. اساس این فیلتر ترکیب دو یا چند فیلتر همبستگی نظیر ۵۱ و Ω جهت تولید یک فیلتر تحت عنوان فیلتر Woo است.این فیلتر به سه شکل مختلف مطرحشده که در ادامه به توضیح آنها می پردازیم.اگر دنباله چند فازی S(t)به طور مستقیم توسط یک سیگنال FM خطی قراردادی راهاندازی شود میتوان این سیگنال را به شکل رابطه زیر نوشت:

$$S(t) = \sum_{p=0}^{N} \exp\left(j\frac{\pi}{2}p^2\right) U\left[\frac{t - \left(p + \frac{1}{2}\right)t_b}{t_b}\right]$$
(9)

که U(t)=1 به ازا |t| < 1/2 و در سایر موارد صفر و t_b زمان تناوب یک المان از دنبالـه کـدها U(t)=1 است.

۲-۴ فرمت ۱ برای فیلتر Woo

در این حالت دو فیلتر مورداستفاده قرار می گیرند که اولین فیلتر دنباله را بهاندازه یک بیت و دومین فیلتر دنباله را بهاندازه طول زمانی دو بیت شیفت می دهد و در ادامه این دو فیلتر باهم ترکیب شده و سیگنال به سمت فیلتر همبستگی موردنظر ارسال می شود:



شکل ۲: فرمت ۱ فیلتر Woo

۲-۴ فرمت ۲ برای فیلتر Woo

در این حالت سیگنال بهاندازه طول زمانی یک بیت از کـد شـیفت داده شـده و سـپس بـا سـیگنال اصلی جمع می شود و درنهایت به سمت فیلتر همبستگی موردنظر ارسال می شود:



۴-۳ فرمت ۳ برای فیلتر Woo

در این حالت سیگنال ورودی بهاندازه یک ، دو و سه بیت شیفت پیدا کرده و سپس با سیگنال اصلی جمع شده و درنهایت به سمت فیلتر همبستگی موردنظر ارسال می شود:



شكل ۴: فرمت ۳ فيلتر Woo

۵. محاسبات موردنیاز در امنیت طیف گسترده بدون در نظر گرفتن بهره پردازشی

PSL(Peak to Side lobe Level) محاسبه (۱-۵

نسبت توان ماکزیمم سیگنال اصلی فیلتر حذف گسترش به بالاترین توان سیگنال گلبرگهای کناری از رابطه زیر قابلمحاسبه است:

$$PSL = 20\log_{10}\left\{ \left(\frac{max_{i\neq 0}(r(i))}{r(0)} \right) \right\}$$
(1.)

که ig(r(i)ig) به سطح توان گلبرگهای کناری و ig(r(0)ig) به سطح توان سیگنال اصلی خروجی ناشی از فیلتر حذف گسترش اشاره دارد.

ISL(Peak to Side lobe Level) محاسبه ۲-۵

مجموع توان سیگنال گلبرگهای کناری در خروجی فیلتر حذف گسترش از رابطه ذیل قابل محاسبه است:

$$ISL = 10\log_{10} \sum_{i=-N}^{N} \left\{ \frac{r(i)}{r(0)} \right\}$$
(11)

۵-۳ محاسبه تضعيف مقدار SNR خروجی فيلتر

به طور کلی اصول و مبانی وزن دهی باعث کاهش میزان SNR خروجی فیلتر همبستگی می شود. (هرچند که عمل وزن دهی تأثیر بسزای در کاهش گلبر گهای کناری دارد.)مقدار کاهش SNR از رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$SNR_{Loss} = \frac{\left(\sum_{n=1}^{N} W(n)\right)^2}{N \sum_{n=1}^{N} W(n)^2}$$
(17)

که N وابسته به طول دنباله کد سیگنال و ig(W(n)ig) به ضریب تابع وزندهی اشاره دارد.

۶. آنالیز نتایج شبیهسازی

توابع وزدن دهی مختلفی جهت کاهش PSL مورداستفاده قرار می گیرند که نتایج آن ها در جداول زیر آمده است:

جدول ۳: مقایسه استفاده از وزندهی مختلف در خروجی همبستگی بدون استفاده از فیلتر Woo (با دنباله کد ۲۰۰ تایی)

Without Woo Filter Weighting function	PSL dB	ISL dB	SNR Loss dB
Without Window	-29.3	-14.6	0
Hamminh	-59.9	-4	1.36
Hanning	-99.2	-15.3	1.78
Blackman	-98.8	-9.9	2.39
Kaiser	-67.4	-4.1	1.35
Blackman-Harris	-119.1	-16.4	3.03
Tukey	-99.2	-15.3	1.78
Flattop	-81.9	-13.1	4.45
Bohman	-71.7	-9.3	2.54
Barlett	-40.9	-16.2	1.27

جدول ۴: مقایسه استفاده از وزندهی مختلف در خروجی همبستگی با استفاده از فیلتر Woo (با دنباله کد ۲۰۰ تایی)

With Woo Filter Weighting function	PSL dB	ISL dB	SNR Loss dB
Without Window	-67.2	-19.1	0
Hamming	-94.1	-16.1	1.36
Hanning	-119.9	-15.4	1.77
Blackman	-112.9	-12.3	2.38
Kaiser	-88.6	-16.3	1.34
Blackman-Harris	-130.9	-18.6	3.02
Tukey	-119.9	-15.4	1.77
Flattop	-93.5	-16.9	4.44
Bohman	-77.8	-16.6	2.53
Barlett	-47.9	-10.2	1.26
Brarthann	-60.5	-10.3	1.64

جدول شماره ۴ عملکرد کد P4 با استفاده از فیلتر Woo و سایر وزندهیهای دیگر را نشان میدهد و ملاحظه می شود که استفاده از این فیلتر نقش عمدهای در کاهش ISL و ISL دارد که این دو فاکتور مهم در جنگ الکترونیک و افزایش امنیت کد نقش اصلی را ایفا می کنند.

جدول ۵: مقایسه استفاده از وزندهی مختلف در خروجی همبستگی با استفاده از فیلتر Woo (با دنباله کد ۱۰۰۰

تايى)

With Woo Filter Weighting function	PSL dB	ISL dB	SNR Loss dB
Without Window	-67.2	-19.1	0
Hamming	-94.1	-16.1	1.36
Hanning	-119.9	-15.4	1.77
Blackman	-112.9	-12.3	2.38
Kaiser	-88.6	-16.3	1.34
Blackman-Harris	-130.9	-18.6	3.02
Tukey	-119.9	-15.4	1.77
Flattop	-93.5	-16.9	4.44
Bohman	-77.8	-16.6	2.53
Barlett	-47.9	-10.2	1.26
Brarthann	-60.5	-10.3	1.64



شکل ۵: مقایسه خروجی تابع همبستگی کد P4 با تکنیک چند وزندهی مختلف (با طول کد ۲۰۰ و بدون استفاده از فیلتر WOO)



شکل ۲: مقایسه خروجی تابع همبستگی کد P3 با تکنیک چند وزندهی مختلف (با طول کد ۲۰۰ و بدون استفاده از فیلتر WOO)



شکل ۸: مقایسه خروجی تابع همبستگی کد P3 با تکنیک چند وزندهی مختلف (با طول کد ۲۰۰ و با استفاده از فیلتر WOO)

تشکر و قدردانی از تمامی دانشجویان تحصیلات تکمیلی دانشگاه پدافند هوایی خاتم الانبیاء(ص) که در این پژوهش به عنوان نمونه پژوهش حضورداشتند، تشکر و قدردانی مینماییم.

۷. نتیجه گیری

همان گونه که در این تحقیق بررسی شد با استفاده از فیلتر WOO به کمک یکی از معماریهای سه گانه آن امنیت سامانه های طیف گسترده ای که از دنباله های چند فازی استفاده بهره می برند و یا سامانه هایی نظیر رادار که از این نوع فشرده سازی پالس استفاده می کنند در مقابل اخلال نویز عمدی و یا تداخل های سیگنالی، تا حد بسیار زیادی بهبود می یابد که این ارتقاء امنیت همان گونه که از اشکال ۵ تا ۹ مشاهده می شود وابسته به طول کدها است و جهت بهره برداری از این فناوری شکل کاربردی ۹ پیشنهاد می گردد.



شکل ۹: نمونه طرح پیشنهادی جهت کاربرد فیلتر WOO در سامانههای طیف گستردهای که از کدهای فازی بهره

مىبرند

تعارض منافع

هیچ گونه تعارض منافع از سوی نویسندگان گزارش نشده است.

۸. منابع

- Merrill I. Skolnik, Introduction to radar systems, McGraw Hill Book Company Inc., 1962.
- [2] J.G. Proakis, Digital Communications, 2nd Ed. New York: McGraw-Hill, 1995.
- [3] Robert Dixon. Spread Spectrum Communications., Second Edition, John Wiley and Sons, New York, 1984.
- [4] Raymond L. Pickholtz, Donald L. Schilling, Laurence B. Milstein. "Theory of Spread Spectrum Communications — A Tutorial," IEEE Transactions on Communications, Vol.COM-30, May 1982, pp. 855-884.
- [5] R. L. Frank, "Polyphase Codes with Good Non periodic Correlation Properties", IEEE Trans. on Information Theory, vol. IT-9, pp. 43-45, Jan. 1963.
- [6] Singh. S.P, and K. Subba Rao., "Sixty-phase Sequences Design with Good Autocorrelation Properties", IETE JOURNAL OF RESEARCH | Vol 57 | ISSUE 3, pp -250-256, May-jun 2011.
- [7] Singh S.P, and K. Subba Rao., "A modified simulated annealing algorithm for binary coded radar signal design", Proc of International Radar Symposium India-2005, pp 693-697, 19-22 Dec 2005.
- [8] Vijay Ramya K., A.K.Sahoo., G.Panda, "Side lobe Suppression Techniques for Polyphase Codes in Radar", International Journal of Computer Applications, 2011
- [9] R. L. Frank, "Polyphase Codes with Good Non periodic Correlation Properties", IEEE Trans. on Information Theory, vol. IT-9, pp. 43-45, Jan. 1963.
- [10] W.K.Lee, H.D.Griffiths and R.Benjamin. "Integrated sidelobe energy reduction techniqueusing optimal polyphase codes", Electrionic letter, Vol.35, No.24, Nov.1999.
- [11] W.K.Lee, H.D.Griffiths. "Pulse compression filters generating optimal uniform range sidelobe level". Electronic Letter 1999, Vol. 35.No.11.
- [12] Woo-Kyung lee. "A Pair of asymmetrical weighting receivers and polyphase codes for efficient aperiodic correlations." IEEE Communication Letters Vol.10, No.5, May 2006
- [13] Woo-Kyung lee, Hugh D.Griffiths. "A new pulse compression Techniques Generating Optimal uniform Range sidelobe and reducing integrated sidelobe level." IEEE International Radar Conference 2000.
- [14] W.K.Lee, H.D.Griffiths, "Development of modified polyphase P codes with optimum Sidelobe characteristics." IEEE Proc.Radar, Sonar Navig, Vol. 151, pp. 210-220, Aug.2004.